2019/20

CURRICOLO DISCIPLINARE MATEMATICA



Curricoli disciplinari 2019-20

Liceo Scientifico Statale

"Benedetto Rosetti"

Sommario

•	Matematica con informatica primo biennio – primo anno	2
•	Matematica con informatica primo biennio – secondo anno	7
•	Matematica secondo biennio – terzo anno	12
•	Matematica – secondo biennio – quarto anno	19
•	Matematica – quinto anno	24

Matematica con informatica primo biennio – primo anno

Competenze di asse

L'asse matematico ha l'obiettivo di far acquisire allo studente saperi e competenze che lo pongano nelle condizioni di possedere una corretta capacità di giudizio e di sapersi orientare consapevolmente nei diversi contesti del mondo contemporaneo. La competenza matematica, che non si esaurisce nel sapere disciplinare e neppure riguarda soltanto gli ambiti operativi di riferimento, consiste nell'abilità di individuare e applicare le procedure che consentono di esprimere e affrontare situazioni problematiche attraverso linguaggi formalizzati. La competenza matematica comporta la capacità e la disponibilità a usare modelli matematici di pensiero (dialettico e algoritmico) e di rappresentazione grafica e simbolica (formule, modelli, costrutti, grafici, carte), la capacità di comprendere ed esprimere adeguatamente informazioni qualitative e quantitative, di esplorare situazioni problematiche, di porsi e risolvere problemi, di progettare e costruire modelli di situazioni reali. Finalità dell'asse matematico è l'acquisizione al termine dell'obbligo d'istruzione delle abilità necessarie per applicare i principi e i processi matematici di base nel contesto quotidiano della sfera domestica e sul lavoro, nonché per seguire e vagliare la coerenza logica delle argomentazioni proprie e altrui in molteplici contesti di indagine conoscitiva e di decisione.

	Competenze disciplinari	Abilità	Conoscenze	
Trimestre	Utilizzare le tecniche e le procedure del calcolo aritmetico ed algebrico, rappresentandole anche sotto forma grafica Analizzare dati e interpretarli sviluppando deduzioni e ragionamenti sugli stessi anche con l'ausilio di rappresentazioni grafiche, usando consapevolmente gli strumenti di calcolo e le potenzialità offerte da applicazioni specifiche di tipo informatico	Calcolare il valore di un'espressione numerica Tradurre una frase in un'espressione e un'espressione in una frase Applicare le proprietà delle potenze Scomporre un numero naturale in fattori primi Calcolare il M.C.D. e il m.c.m. tra numeri naturali Individuare strategie appropriate per la soluzione di problemi.	L'insieme numerico N Le operazioni in N Potenze ed espressioni in N Multipli e divisori di un numero I numeri primi M.C.D. e m.c.m. L'insieme numerico Z Il valore assoluto Le operazioni in Z Potenze ed espressioni in Z Introduzione al problemsolving e problemi in N e in Z Approfondimenti/Laboratorio L'algoritmo di Euclide Z come ampliamento di N Ricerca dei divisori di un numero naturale	
	Utilizzare le tecniche e le procedure del calcolo aritmetico ed algebrico, rappresentandole anche sotto forma grafica Analizzare dati e interpretarli sviluppando deduzioni e ragionamenti sugli stessi anche con l'ausilio di rappresentazioni grafiche, usando consapevolmente gli strumenti di calcolo e le potenzialità offerte da applicazioni specifiche di tipo informatico	Risolvere espressioni aritmetiche e problemi. Semplificare espressioni. Tradurre una frase in un'espressione e sostituire numeri razionali alle lettere. Padroneggiare l'uso delle lettere come costanti, come variabili e come strumento per scrivere formule e rappresentare relazioni. Risolvere problemi con percentuali e proporzioni. Trasformare numeri decimali in frazioni	Le frazioni Il calcolo con le frazioni Rappresentazione di frazioni mediante numeri decimali Rapporti, proporzioni e percentuali L'insieme Q dei numeri razionali Le operazioni in Q Le potenze in Q Notazione scientifica e ordine di grandezza Introduzione ai numeri reali	

Individuare le strategie Rappresentare un insieme e Gli insiemi e le loro rappresentazioni appropriate per la soluzione di riconoscere i sottoinsiemi di un problemi I sottoinsiemi Eseguire operazioni tra insiemi L'insieme delle parti Analizzare dati e interpretarli Determinare la partizione e il Il significato dei simboli utilizzati sviluppando deduzioni e complementare di un insieme nella teoria degli insiemi ragionamenti sugli stessi anche Saper risolvere problemi aventi L'intersezione, l'unione e la con l'ausilio di rappresentazioni come modello gli insiemi differenza fra insiemi grafiche, usando consapevolmente Riconoscere le proposizioni La partizione di un insieme gli strumenti di calcolo e le logiche Il complementare di un insieme potenzialità offerte da Eseguire operazioni tra Il prodotto cartesiano applicazioni specifiche di tipo proposizioni logiche utilizzando Proprietà delle operazioni fra informatico le tavole di verità insiemi Applicare le proprietà degli Gli insiemi come modello per risolvere problemi operatori logici Trasformare enunciati aperti in La logica proposizioni mediante i Le proposizioni e gli enunciati quantificatori aperti Le proposizioni e i connettivi logici Le espressioni logiche e l'equivalenza di espressioni logiche I quantificatori Le leggi di de Morgan Analogie e differenze nelle operazioni tra insiemi e tra proposizioni logiche Approfondimenti/Laboratorio Generalizzazione del concetto di operazione e delle relative proprietà Complementi di logica Confrontare ed analizzare figure Riconoscere forme di Introduzione alla geometria: il geometriche, individuando ragionamento induttivo e metodo induttivo e deduttivo, invarianti e relazioni. deduttivo l'impostazione assiomaticodeduttiva della geometria Eseguire operazioni tra segmenti e Analizzare dati e interpretarli I concetti primitivi e i primi angoli sviluppando deduzioni e Eseguire costruzioni geometriche assiomi della geometria euclidea ragionamenti sugli stessi anche Dimostrare teoremi su segmenti e Le parti della retta e le poligonali con l'ausilio di rappresentazioni angoli Semipiani e angoli grafiche, usando consapevolmente Figure concave e convesse gli strumenti di calcolo e le Poligoni potenzialità offerte da La congruenza delle figure applicazioni specifiche di tipo La congruenza e i segmenti informatico La congruenza e gli angoli Misure di segmenti Misure di angoli Utilizzare le tecniche e le Il calcolo letterale Sommare algebricamente monomi procedure del calcolo aritmetico Calcolare prodotti, potenze e I monomi ed algebrico, rappresentandole quozienti di monomi Le operazioni e le espressioni con anche sotto forma grafica Calcolare il M.C.D. e il m.c.m. fra i monomi M.C.D. e m.c.m. fra monomi monomi Il calcolo letterale e i monomi per Eseguire addizioni, sottrazioni e risolvere i problemi moltiplicazioni di polinomi

	Individuare le strategie appropriate per la soluzione di problemi Analizzare dati e interpretarli sviluppando deduzioni e ragionamenti sugli stessi anche con l'ausilio di rappresentazioni grafiche, usando consapevolmente gli strumenti di calcolo e le potenzialità offerte da applicazioni specifiche di tipo informatico	Semplificare espressioni con operazioni e potenze di monomi e polinomi Sviluppare i prodotti notevoli Utilizzare il calcolo letterale per rappresentare e risolvere problemi	I polinomi Le operazioni con i polinomi I prodotti notevoli Il triangolo di Tartaglia e la potenza di un binomio I polinomi per risolvere problemi e per dimostrare
	Confrontare ed analizzare figure geometriche, individuando invarianti e relazioni. Analizzare dati e interpretarli sviluppando deduzioni e ragionamenti sugli stessi anche con l'ausilio di rappresentazioni grafiche, usando consapevolmente gli strumenti di calcolo e le potenzialità offerte da applicazioni specifiche di tipo informatico	Riconoscere gli elementi di un triangolo e le relazioni tra di essi Applicare i criteri di congruenza dei triangoli Utilizzare le proprietà dei triangoli isosceli Dimostrare teoremi sui triangoli	I triangoli Primo e secondo criterio di congruenza dei triangoli Proprietà dei triangoli isosceli Terzo criterio di congruenza Disuguaglianze tra gli elementi di un triangolo. Costruzioni con riga e compasso
	Utilizzare le tecniche e le procedure del calcolo aritmetico ed algebrico, rappresentandole anche sotto forma grafica	Eseguire la divisione tra due polinomi Applicare la regola di Ruffini	La divisibilità fra polinomi La divisione con resto fra due polinomi La regola di Ruffini Il teorema del resto e il teorema di Ruffini
Pentamestre	Utilizzare le tecniche e le procedure del calcolo aritmetico ed algebrico, rappresentandole anche sotto forma grafica	Fattorizzare un polinomio riducibile Calcolare il M.C.D. e il m.c.m. fra polinomi	Introduzione alla fattorizzazione dei polinomi Raccoglimento in fattori Scomposizione mediante prodotti notevoli Scomposizione di particolari trinomi di secondo grado Scomposizione mediante il teorema e la regola di Ruffini M.C.D. e m.c.m. di polinomi Approfondimenti/Laboratorio Divisione fra polinomi a coefficienti letterali Scomposizione di binomi somma o differenza di potenze con lo stesso esponente
	Utilizzare le tecniche e le procedure del calcolo aritmetico ed algebrico, rappresentandole anche sotto forma grafica	Determinare le condizioni di esistenza di una frazione algebrica Semplificare frazioni algebriche Eseguire operazioni e potenze con le frazioni algebriche	Le frazioni algebriche Le condizioni di esistenza di una frazione algebrica Semplificazione di frazioni algebriche

	Semplificare espressioni con le frazioni algebriche	Le operazioni con le frazioni algebriche
Utilizzare le tecniche e le procedure del calcolo aritmetico ed algebrico, rappresentandole anche sotto forma grafica Individuare le strategie appropriate per la soluzione di problemi Analizzare dati e interpretarli sviluppando deduzioni e ragionamenti sugli stessi anche con l'ausilio di rappresentazioni grafiche, usando consapevolmente gli strumenti di calcolo e le potenzialità offerte da applicazioni specifiche di tipo informatico	Stabilire se un'uguaglianza è un'identità Stabilire se un valore è soluzione di un'equazione Applicare i principi di equivalenza delle equazioni Risolvere equazioni intere e fratte, numeriche e letterali Utilizzare le equazioni per rappresentare e risolvere problemi	Le identità Le equazioni Le equazioni equivalenti e i principi di equivalenza Equazioni numeriche intere di primo grado Le equazioni e la legge di annullamento del prodotto Equazioni riconducili a lineari Problemi che hanno come modello equazioni di primo grado Equazioni frazionarie Equazioni letterali Problemi che hanno come modello equazioni frazionarie e letterali Approfondimenti/Laboratorio Interpretazione grafica di un'equazione letterale
Utilizzare le tecniche e le procedure del calcolo aritmetico ed algebrico, rappresentandole anche sotto forma grafica Individuare le strategie appropriate per la soluzione di problemi Analizzare dati e interpretarli sviluppando deduzioni e ragionamenti sugli stessi anche con l'ausilio di rappresentazioni grafiche, usando consapevolmente gli strumenti di calcolo e le potenzialità offerte da applicazioni specifiche di tipo informatico	Applicare i principi di equivalenza delle disequazioni Risolvere disequazioni lineari e rappresentarne le soluzioni su una retta Risolvere disequazioni fratte Risolvere sistemi di disequazioni Risolvere problemi che hanno come modello disequazioni	Le disequazioni Le disequazioni equivalenti e i principi di equivalenza Disequazioni numeriche intere di primo grado Disequazioni frazionarie Disequazioni risolvibili mediante fattorizzazione Sistemi di disequazioni Problemi che hanno come modello disequazioni
Analizzare dati e interpretarli sviluppando deduzioni e ragionamenti sugli stessi anche con l'ausilio di rappresentazioni grafiche, usando consapevolmente gli strumenti di calcolo e le potenzialità offerte da applicazioni specifiche di tipo informatico	Rappresentare una relazione in diversi modi Riconoscere le proprietà di una relazione Riconoscere una relazione di equivalenza e determinare l'insieme quoziente Riconoscere una relazione d'ordine Riconoscere se una relazione è una funzione	Il concetto di relazione Le rappresentazioni di una relazione Le proprietà delle relazioni Le relazioni di equivalenza L'insieme quoziente Le relazioni di ordine Introduzione alle funzioni Il piano cartesiano e il grafico di una funzione Le funzioni di proporzionalità diretta e inversa

	Rappresentare una funzione e stabilire se è iniettiva, suriettiva o biiettiva Disegnare il grafico di una funzione lineare, quadratica, di proporzionalità diretta e inversa.	Le funzioni lineari Le funzioni di proporzionalità al quadrato e al cubo Funzioni ed equazioni Funzioni e disequazioni La funzione inversa La composizione di funzioni Approfondimenti/Laboratorio La definizione di numero naturale Classificazione delle funzioni Interpretazione grafica di equazioni e disequazioni
Confrontare ed analizzare figure geometriche, individuando invarianti e relazioni. Analizzare dati e interpretarli sviluppando deduzioni e ragionamenti sugli stessi anche con l'ausilio di rappresentazioni grafiche, usando consapevolmente gli strumenti di calcolo e le potenzialità offerte da applicazioni specifiche di tipo informatico	Applicare il teorema delle rette parallele e il suo inverso Applicare i criteri di congruenza dei triangoli rettangoli Dimostrare teoremi sugli angoli dei poligoni Dimostrare teoremi sui parallelogrammi e le loro proprietà Dimostrare teoremi sui quadrilateri Dimostrare e applicare il teorema del fascio di rette parallele	Le rette perpendicolari Le rette parallele Criteri di parallelismo Proprietà degli angoli nei poligoni Congruenza nei triangoli rettangoli I quadrilateri Trapezi Parallelogrammi Rettangoli, rombi e quadrati Piccolo teorema di Talete Approfondimenti/Laboratorio Il teorema di Varignon Costruire rombi
Individuare le strategie appropriate per la soluzione di problemi Analizzare dati e interpretarli sviluppando deduzioni e ragionamenti sugli stessi anche con l'ausilio di rappresentazioni grafiche, usando consapevolmente gli strumenti di calcolo e le potenzialità offerte da applicazioni specifiche di tipo informatico	Raccogliere, organizzare e rappresentare i dati Determinare frequenze assolute e relative Trasformare una frequenza relativa in percentuale Rappresentare graficamente una tabella di frequenze Calcolare gli indici di posizione centrale di una serie di dati Calcolare gli indici di variabilità di una serie di dati	Introduzione alla statistica Distribuzioni di frequenze Rappresentazioni grafiche Gli indici di posizione centrale: media aritmetica, mediana e moda Gli indici di variabilità. Approfondimenti/Laboratorio Le fasi di una indagine statistica Rapporti statistici La media armonica e la media geometrica

Matematica con informatica primo biennio – secondo anno

Competenze di asse

L'asse matematico ha l'obiettivo di far acquisire allo studente saperi e competenze che lo pongano nelle condizioni di possedere una corretta capacità di giudizio e di sapersi orientare consapevolmente nei diversi contesti del mondo contemporaneo. La competenza matematica, che non si esaurisce nel sapere disciplinare e neppure riguarda soltanto gli ambiti operativi di riferimento, consiste nell'abilità di individuare e applicare le procedure che consentono di esprimere e affrontare situazioni problematiche attraverso linguaggi formalizzati. La competenza matematica comporta la capacità e la disponibilità a usare modelli matematici di pensiero (dialettico e algoritmico) e di rappresentazione grafica e simbolica (formule, modelli, costrutti, grafici, carte), la capacità di comprendere ed esprimere adeguatamente informazioni qualitative e quantitative, di esplorare situazioni problematiche, di porsi e risolvere problemi, di progettare e costruire modelli di situazioni reali. Finalità dell'asse matematico è l'acquisizione al termine dell'obbligo d'istruzione delle abilità necessarie per applicare i principi e i processi matematici di base nel contesto quotidiano della sfera domestica e sul lavoro, nonché per seguire e vagliare la coerenza logica delle argomentazioni proprie e altrui in molteplici contesti di indagine conoscitiva e di decisione.

	Competenze disciplinari	Abilità	Conoscenze
Trimestre	Utilizzare le tecniche e le procedure del calcolo aritmetico ed algebrico, rappresentandole anche sotto forma grafica Analizzare dati e interpretarli sviluppando deduzioni e ragionamenti sugli stessi anche con l'ausilio di rappresentazioni grafiche, usando consapevolmente gli strumenti di calcolo e le potenzialità offerte da applicazioni specifiche di tipo informatico	Semplificare un radicale e trasportare un fattore fuori o dentro il segno di radice Eseguire operazioni con i radicali e le potenze Razionalizzare il denominatore di una frazione Risolvere equazioni, disequazioni e sistemi di equazioni a coefficienti irrazionali	I numeri irrazionali e l'insieme R dei numeri reali Radici quadrate, cubiche, n-esime I radicali: condizioni di esistenza e segno Radicali e funzioni Riduzione allo stesso indice e semplificazione Le operazioni e le espressioni con i radicali Trasporto sotto e fuori dal segno di radice Razionalizzazione Radicali, equazioni e disequazioni Radicali e valore assoluto Le potenze con esponente razionale Approfondimenti/Laboratorio Ordine e operazioni in R La spirale delle radici quadrate con geogebra
	Utilizzare le tecniche e le procedure del calcolo aritmetico ed algebrico, rappresentandole anche sotto forma grafica Individuare le strategie appropriate per la soluzione di problemi	Riconoscere sistemi determinati, impossibili, indeterminati Risolvere un sistema con i metodi di sostituzione e del confronto Risolvere un sistema con il metodo di riduzione Risolvere un sistema con il metodo di Cramer Discutere semplici sistemi	Introduzione ai sistemi di equazioni Metodo di sostituzione Metodo del confronto Metodo di riduzione Metodo di Cramer e criterio dei rapporti Sistemi lineari letterali Sistemi frazionari
	Analizzare dati e interpretarli sviluppando deduzioni e ragionamenti sugli stessi anche	letterale Risolvere sistemi di tre equazioni in tre incognite	Sistemi di tre equazioni in tre incognite

con l'ausilio di rappresentazioni	Risolvere problemi mediante i	Problemi che hanno come
grafiche, usando consapevolmente	sistemi	modello sistemi lineari
gli strumenti di calcolo e le		Approfondimenti/Laboratorio
potenzialità offerte da		Il calcolo con le matrici e le sue
applicazioni specifiche di tipo		applicazioni ai sistemi lineari.
informatico		Interpretazione grafica di un
niornateo		sistema lineare (geogebra)
		Risoluzione di sistemi lineari con
		un foglio elettronico
Conformation of the Comme	A 1' 1 1\ 1 - 1' 1'	ž
Confrontare ed analizzare figure	Applicare le proprietà degli angoli	Luoghi geometrici
geometriche, individuando	al centro e alla circonferenza e il	La circonferenza e il cerchio
invarianti e relazioni.	teorema delle rette tangenti	Corde e loro proprietà
	Utilizzare le proprietà dei punti	Parti della circonferenza e del
Analizzare dati e interpretarli	notevoli di un triangolo	cerchio
sviluppando deduzioni e	Dimostrare teoremi sui triangoli,	Le posizioni reciproche di retta e
ragionamenti sugli stessi anche	quadrilateri inscritti e circoscritti e	circonferenza
con l'ausilio di rappresentazioni	sui poligoni regolari	Le posizioni reciproche di due
grafiche, usando consapevolmente		circonferenze
gli strumenti di calcolo e le		Gli angoli al centro e alla
potenzialità offerte da		circonferenza
applicazioni specifiche di tipo		I poligoni inscritti e circoscritti
informatico		Triangoli inscritti e circoscritti
		Quadrilateri inscritti e circoscritti
		Poligoni regolari inscritti e
		circoscritti
		I punti notevoli di un triangolo
		Approfondimenti/Laboratorio
		Il luogo dei punti che vedono un
		segmento secondo un dato angolo
		Posizione reciproca tra retta e
		circonferenza(geogebra)
		Angoli al centro e angoli alla
		circonferenza(geogebra)
		Circonferenze inscritta e
		circoscritta in un triangolo
		(geogebra)
		Inscrivibilità e circoscrivibilità di un
		quadrilatero (geogebra)
		Il problema della ciclotomia
		'
Analizzare dati e interpretarli	Calcolare la distanza tra due punti	Richiami sul piano cartesiano
sviluppando deduzioni e	e determinare il punto medio di	Distanza tra due punti
ragionamenti sugli stessi anche	un segmento	Punto medio di un segmento
con l'ausilio di rappresentazioni	Individuare rette parallele e	La funzione lineare
grafiche, usando consapevolmente	perpendicolari	Equazione generale di una retta
gli strumenti di calcolo e le	Scrivere l'equazione di una retta	Rette parallele e posizione
potenzialità offerte da	per due punti	reciproca di due rette
applicazioni specifiche di tipo	Scrivere l'equazione di un fascio	Rette perpendicolari
informatico	di rette proprio e di un fascio di	Come determinare l'equazione di
momuneo	rette improprio	una retta
	Risolvere problemi su rette e	Distanza punto- retta
		=
	segmenti nel piano cartesiano	Semipiani, segmenti, semirette,
		angoli e poligoni nel piano cartesiano Problemi che hanno modelli
		lineari

			Approfondimenti/Laboratorio Il grafico di una funzione lineare (geogebra) Fascio proprio e improprio di rette
Pentamestre	Utilizzare le tecniche e le procedure del calcolo aritmetico ed algebrico, rappresentandole anche sotto forma grafica Individuare le strategie appropriate per la soluzione di problemi Analizzare dati e interpretarli sviluppando deduzioni e ragionamenti sugli stessi anche con l'ausilio di rappresentazioni grafiche, usando consapevolmente gli strumenti di calcolo e le potenzialità offerte da applicazioni specifiche di tipo informatico	Risolvere equazioni numeriche di secondo grado Risolvere e discutere equazioni frazionarie e letterali di secondo grado Scomporre trinomi di secondo grado Risolvere quesiti riguardanti equazioni parametriche di secondo grado Risolvere problemi di secondo grado Disegnare una parabola, individuando vertice e asse	Le equazioni di secondo grado Le equazioni di secondo grado incomplete e complete Il metodo del completamento del quadrato e la formula risolutiva di un'equazione di secondo grado e la formula ridotta Equazioni di secondo grado frazionarie Equazioni di secondo grado letterali Relazioni fra le soluzioni e i coefficienti di una equazione di secondo grado Regola di Cartesio Scomposizione di un trinomio di secondo grado Equazioni parametriche Problemi che hanno come modello equazioni di secondo grado La parabola e l'interpretazione grafica di un'equazione di secondo grado Cenno ai numeri complessi e le equazioni di secondo grado Approfondimenti/Laboratorio Il grafico delle funzioni quadratiche (geogebra) Interpretazione grafica di una equazione di secondo grado (geogebra) Storia delle equazioni di secondo grado
Pentamestre	-Utilizzare le tecniche e le procedure del calcolo aritmetico ed algebrico, rappresentandole anche sotto forma grafica -Individuare le strategie appropriate per la soluzione di problemi -Analizzare dati e interpretarli sviluppando deduzioni e ragionamenti sugli stessi anche con l'ausilio di rappresentazioni grafiche, usando consapevolmente gli strumenti di calcolo e le potenzialità offerte da applicazioni specifiche di tipo informatico	Risolvere equazioni mediante fattorizzazione Risolvere equazioni monomie, binomie, biquadratiche e trinomie. Risolvere equazioni reciproche	Le equazioni risolubili con la scomposizione in fattori Le equazioni monomie, binomie, biquadratiche e trinomie. Le equazioni reciproche Approfondimenti/Laboratorio Uno sguardo di insieme sulle equazioni polinomiali

Confrontare ed analizzare figure Applicare i teoremi Equivalenza ed geometriche, individuando sull'equivalenza fra equiscomponibilità I teoremi di equivalenza invarianti e relazioni. parallelogramma, triangolo, trapezio Aree dei poligoni Applicare il primo teorema di Analizzare dati e interpretarli I teoremi di Euclide sviluppando deduzioni e Euclide Il teorema di Pitagora ragionamenti sugli stessi anche Applicare il teorema di Pitagora e Le relazioni metriche tra gli elementi con l'ausilio di rappresentazioni il secondo teorema di Euclide di un triangolo rettangolo Applicare le relazioni sui triangoli grafiche, usando consapevolmente Problemi geometrici risolvibili gli strumenti di calcolo e le rettangoli con angoli di 30°, 45°, per via algebrica potenzialità offerte da Approfondimenti/Laboratorio Equivalenza fra parallelogramma applicazioni specifiche di tipo Risolvere problemi geometrici per informatico via algebrica e rettangolo (geogebra) Equivalenza fra triangolo e rettangolo (geogebra) Equivalenza fra trapezio e triangolo (geogebra) Costruire, congetturare e dimostrare Costruire un triangolo equivalente a un auadrilatero Le dimostrazioni dei teoremi di Pitagora ed Euclide (geogebra) Segmenti e proporzioni Confrontare ed analizzare figure Eseguire dimostrazioni utilizzando il teorema di Talete geometriche, individuando Il teorema di Talete invarianti e relazioni. Similitudine e triangoli Risolvere problemi di algebra applicati alla geometria Similitudine e poligoni Riconoscere figure simili Similitudine e circonferenza Individuare le strategie appropriate per la soluzione di Applicare i tre criteri di Similitudine e sezione aurea problemi similitudine dei triangoli Problemi di applicazione della Risolvere problemi su similitudine Analizzare dati e interpretarli circonferenza e cerchio Lunghezza circonferenza e area cerchio sviluppando deduzioni e Risolvere problemi di algebra ragionamenti sugli stessi anche applicati alla geometria Raggi delle circonferenze inscritta con l'ausilio di rappresentazioni e circoscritta a un triangolo grafiche, usando consapevolmente Complementi sui poligoni inscritti e gli strumenti di calcolo e le circoscritti potenzialità offerte da Approfondimenti/Laboratorio applicazioni specifiche di tipo I teoremi delle corde, delle informatico secanti, della secante e della tangente (geogebra) Sezione aurea di un segmento Il numero d'oro La storia di л dai Babilonesi ai giorni La lunghezza della circonferenza e l'area del cerchio(geogebra) Utilizzare le tecniche e le Risolvere disequazioni di secondo Richiami sulle disequazioni procedure del calcolo aritmetico grado Le disequazioni di secondo grado Risolvere graficamente Lo studio del segno del trinomio di ed algebrico, rappresentandole anche sotto forma grafica diseguazioni di secondo grado secondo grado dal punto di vista Risolvere disequazioni di grado algebrico superiore al secondo Le disequazioni di grado Individuare le strategie appropriate per la soluzione di Risolvere disequazioni fratte superiore al secondo problemi Risolvere sistemi di disequazioni Le disequazioni frazionarie I sistemi di disequazioni

Analizzare dati e interpretarli sviluppando deduzioni e ragionamenti sugli stessi anche con l'ausilio di rappresentazioni grafiche, usando consapevolmente gli strumenti di calcolo e le potenzialità offerte da applicazioni specifiche di tipo informatico

Risolvere un sistema di secondo grado

Risolvere un sistema simmetrico di secondo grado

Risolvere particolari sistemi simmetrici di grado superiore al secondo

Risolvere sistemi frazionari Risolvere sistemi letterali Risolvere sistemi non lineari con più di due incognite

Risolvere problemi che hanno come modelli sistemi non lineari Risolvere equazioni irrazionali Risolvere equazioni di secondo grado con i valori assoluti Problemi che hanno come modello disequazioni di grado superiore al primo

Sistemi di equazioni non lineari Sistemi di secondo grado Sistemi di grado superiore al secondo

Sistemi simmetrici Sistemi frazionari e letterali Sistemi non lineari con più di due incognite

Problemi che hanno come modelli sistemi non lineari.

Introduzione alle equazioni irrazionali

Equazioni irrazionali contenenti radicali quadratici: risoluzione con verifica delle soluzioni Equazioni irrazionali contenenti radicali quadratici: risoluzione con condizioni di accettabilità Equazioni irrazionali contenenti radicali cubici

Problemi che hanno come modello equazioni irrazionali. Introduzione ai valori assoluti Equazioni con un solo valore assoluto

Equazioni con più di un valore assoluto

Grafici di funzioni con valori assoluti Problemi che hanno come modello equazioni con valori assoluti

Approfondimenti/Laboratorio

Introduzione alle coniche
Interpretazione grafica di un
sistema retta-parabola (geogebra)
Interpretazione grafica di alcune
equazioni irrazionali Interpretazione
grafica di alcune equazioni con valori
assoluti

Individuare le strategie appropriate per la soluzione di problemi. Analizzare dati e interpretarli

Analizzare dati e interpretarli sviluppando deduzioni e ragionamenti sugli stessi anche con l'ausilio di rappresenta-zioni grafiche, usando consapevolmente gli strumenti di calcolo e le potenzialità offerte da applicazioni specifiche di tipo informatico

Riconoscere se un evento è aleatorio, certo o impossibile Calcolare la probabilità di un evento aleatorio, secondo la concezione classica Calcolare la probabilità della somma logica di eventi Calcolare la probabilità del prodotto logico di eventi Calcolare la probabilità condizionata

Introduzione al calcolo delle probabilità Valutazione della probabilità

secondo la concezione classica
I primi teoremi sul calcolo delle
probabilità

Approfondimenti/Laboratorio Probabilità condizionata e indipendenza

Altre definizioni di probabilità La nascita e gli sviluppi storici del calcolo delle probabilità

Matematica secondo biennio - terzo anno

Competenze di asse

Padroneggiare gli strumenti espressivi ed argomentativi indispensabili per gestire l'interazione comunicativa verbale in vari contesti:

- utilizzare in modo appropriato gli strumenti espressivi, (anche quelli tipici della disciplina) per la comunicazione orale con un linguaggio appropriato, sintetico, articolato con coerenza, logica e pertinenza;
- utilizzare diversi registri comunicativi.

Leggere, comprendere ed interpretare testi scritti di vario tipo:

- ricavare le informazioni specifiche di disciplina dalla corretta interpretazione del testo in adozione;
- individuare informazioni specifiche in testi scritti (anche tabelle e grafici);
- isolare le informazioni richieste o pertinenti al compito;
- comprendere i linguaggi simbolici.

Produrre testi di vario tipo in relazione ai vari scopi comunicativi:

- produrre schemi e mappe concettuali per sintetizzare informazioni prendere appunti e redigere sintesi;
- produrre testi corretti e coerenti adeguati alle diverse situazioni comunicative;
- produrre tabelle di dati e grafici Utilizzare testi multimediali;
- utilizzare le tecnologie informatiche nella ricerca di informazioni, nella rielaborazione di dati;
- individuare ed utilizzare fonti di informazione accreditate tramite un uso consapevole della rete

	FUNZIONI – SUCCESSIONI - PROGRESSIONI		
	Competenze disciplinari	Abilità	Conoscenze
Trimestre	-Utilizzare le tecniche e le procedure del calcolo aritmetico ed algebrico, rappresentandole anche sotto forma grafica - Individuare le strategie appropriate per la soluzione di problemi -Analizzare dati e interpretarli sviluppando deduzioni e ragionamenti sugli stessi anche con l'ausilio di rappresentazioni grafiche, usando consapevolmente gli strumenti di calcolo e le potenzialità offerte da applicazioni specifiche di tipo informatico	Individuare dominio, immagine, positività, iniettività, suriettività, biettività, parità, monotonia, invertibilità e inversa di una funzione Comporre due o più funzioni Determinare i termini di una progressione noti alcuni elementi Determinare la somma dei primi n termini di una progressione Risolvere problemi che hanno come modello progressioni.	Definizione di funzione. Funzioni reali di variabile reale e loro classificazione; dominio naturale e insieme immagine di una funzione reale; grafico di una funzione; uguaglianza di due funzioni. Proprietà delle funzioni; segno; funzioni pari e dispari; funzioni monotone. Funzioni iniettive, suriettive, biiettive. L'algebra delle funzioni; composizione di funzioni. Funzioni invertibili e funzione inversa. Definizione di successione e suo grafico; successioni definite per elencazione o ricorsivamente; monotonia delle successioni. Progressioni aritmetiche; termine generale; inserimento di medi aritmetici; somma dei primi ntermini di una progressione aritmetica; problemi che hanno come modello progressioni aritmetiche. Progressioni geometriche; termine generale; inserimento di medi geometrici; somma e prodotto dei primi ntermini di una progressione geometrica; problemi che hanno come modello progressioni aritmetiche.
		IENTI, VETTORI, RETTE NEL PIAN	IO CARTESIANO
	Competenze disciplinari	Abilità	Conoscenze
Tr i m es tr e	-Utilizzare le tecniche e le procedure del calcolo aritmetico ed algebrico, rappresentandole anche sotto forma grafica -Confrontare ed analizzare figure geometriche, individuando invarianti e relazioni - Individuare le strategie appropriate per la soluzione di problemi -Analizzare dati e interpretarli sviluppando deduzioni e	Determinare la distanza tra punti e le coordinate del punto medio di un segmento. Rappresentare vettori nel piano e analizzarne le componenti. Operare con i vettori e analizzare la perpendicolarità e il parallelismo. Passare dal grafico di una retta alla sua equazione e viceversa Determinare l'equazione di una retta dati alcuni elementi	Il piano cartesiano Distanza tra due punti nel piano. Punto medio di un segmento e baricentro di un triangolo. Vettori nel piano cartesiano; componenti di un vettore; operazioni sui vettori; prodotto scalare; parallelismo; perpendicolarità. La funzione lineare; punti di intersezione con gli assi; il significato del coefficiente angolare e dell'intercetta; coefficienti angolari particolari.

ragionamenti sugli stessi anche

con l'ausilio di rappresentazioni se sono incidenti, parallele o applicazioni alla risoluzione grafica grafiche, usando perpendicolari di equazioni e disequazioni. consapevolmente gli strumenti Calcolare la distanza fra due punti L'equazione della retta nel piano di calcolo e le potenzialità e la distanza punto-retta cartesiano; rette parallele agli assi; offerte da applicazioni Determinare punto medio di un rette per l'origine; rette in posizione specifiche di tipo informatico segmento, baricentro di un generica; equazione generale della triangolo, asse di un segmento, retta in forma implicita. bisettrice di un angolo. Distanza tra due punti appartenenti a una retta di coefficiente angolare Operare con i fasci di rette Rette parallele e posizione reciproca di due rette; parallelismo tra due Risolvere problemi che hanno modelli lineari. rette in forma esplicita ed implicita. Rette perpendicolari; perpendicolarità tra rette in forma esplicita ed implicita. Determinazione della equazione di una retta; retta per un punto di direzione assegnata; coefficiente angolare della retta per due punti; retta per due punti; asse di un segmento. Distanza di un punto da una retta e bisettrici. Combinazione lineare di rette; fasci di rette propri e impropri; generatrici; caratteristiche di un fascio; il metodo dei fasci. Semipiani, segmenti, semirette, angoli e poligoni nel piano cartesiano. Problemi che hanno modelli lineari; il metodo analitico e il metodo sintetico. LA CIRCONFERENZA Competenze disciplinari **Abilità** Conoscenze -Confrontare ed analizzare Tracciare il grafico di una L'equazione della circonferenza nel circonferenza di data equazione figure geometriche, piano cartesiano; equazioni di individuando invarianti e Determinare l'equazione di una particolari circonferenze. circonferenza dati alcuni elementi relazioni La circonferenza e la retta; - Individuare le strategie Stabilire la posizione reciproca di posizione reciproca di una retta e appropriate per la soluzione di rette e circonferenze una circonferenza; rette tangenti a problemi Operare con i fasci di una circonferenza da un punto -Analizzare dati e interpretarli circonferenze. esterno e da un suo punto; polare a sviluppando deduzioni e Risolvere particolari equazioni e una circonferenza. ragionamenti sugli stessi anche disequazioni mediante la Determinazione dell'equazione di con l'ausilio di rappresentazioni rappresentazione grafica di archi una circonferenza date alcune grafiche, usando di circonferenze. condizioni (metodi algebrico e consapevolmente gli strumenti Risolvere problemi che analitico). di calcolo e le potenzialità coinvolgano rette e circonferenze. Posizione reciproca di due offerte da applicazioni circonferenze. specifiche di tipo informatico Fasci di circonferenze; metodo di La circonferenza e le funzioni

Stabilire la posizione di due rette:

Le funzioni lineari a tratti;

	SIMMETRIE, TRASLAZIONI E DILATAZIONI NEL PIANO CARTESIANO		
	Competenze disciplinari	Abilità	Conoscenze
Pentamestre	-Utilizzare le tecniche e le procedure del calcolo aritmetico ed algebrico, rappresentandole anche sotto forma grafica -Confrontare ed analizzare figure geometriche, individuando invarianti e relazioni - Individuare le strategie appropriate per la soluzione di problemi -Analizzare dati e interpretarli sviluppando deduzioni e ragionamenti sugli stessi anche con l'ausilio di rappresentazioni grafiche, usando consapevolmente gli strumenti di calcolo e le potenzialità offerte da applicazioni specifiche di tipo informatico	Comprendere il significato di trasformazione geometrica. Determinare i trasformati di punti, figure e funzioni mediante simmetrie, traslazioni, dilatazioni e omotetie.	Trasformazioni geometriche. Simmetrie centrali. Simmetrie assiali. Traslazioni. Dilatazioni e omotetie. Le trasformazioni e i grafici delle funzioni.
	Comment of the Property of	LA PARABOLA	Comment
	-Utilizzare le tecniche e le	Abilità Tracciare il grafico di una	La parabala come luogo geometrico:
Pentamestre	procedure del calcolo aritmetico ed algebrico, rappresentandole anche sotto forma grafica -Confrontare ed analizzare figure geometriche, individuando invarianti e relazioni - Individuare le strategie appropriate per la soluzione di problemi -Analizzare dati e interpretarli sviluppando deduzioni e ragionamenti sugli stessi anche con l'ausilio di rappresentazioni grafiche, usando consapevolmente gli strumenti di calcolo e le potenzialità offerte da applicazioni specifiche di tipo informatico	parabola di data equazione Determinare l'equazione di una parabola dati alcuni elementi Stabilire la posizione reciproca di rette e parabole Trovare le rette tangenti a una parabola Operare con i fasci di parabole Risolvere particolari equazioni e disequazioni mediante la rappresentazione grafica di archi di parabole Risolvere problemi che coinvolgano rette, circonferenze, parabole.	La parabola come luogo geometrico; equazione di una parabola con asse parallelo all'asse y; i legami tra i coefficienti della parabola e il suo grafico; equazione di una parabola con asse parallelo all'asse x La parabola e la retta; posizioni reciproche tra una retta e una parabola; rette tangenti a una parabola; area del segmento parabolico. Determinazione dell'equa-zione di una parabola. Fasci di parabole; il metodo dei fasci. La parabola e le funzioni; la funzione di secondo grado e i problemi di minimo e di massimo. Approfondimenti Modelli parabolici

		L'ELLISSE	
	Competenze disciplinari	Abilità	Conoscenze
Pentamestre	-Utilizzare le tecniche e le procedure del calcolo aritmetico ed algebrico, rappresentandole anche sotto forma grafica -Confrontare ed analizzare figure geometriche, individuando invarianti e relazioni - Individuare le strategie appropriate per la soluzione di problemi -Analizzare dati e interpretarli sviluppando deduzioni e ragionamenti sugli stessi anche con l'ausilio di rappresentazioni grafiche, usando consapevolmente gli strumenti di calcolo e le potenzialità offerte da applicazioni specifiche di tipo informatico	Tracciare il grafico di un'ellisse di data equazione Determinare l'equazione di una ellisse dati alcuni elementi Stabilire la posizione reciproca di retta ed ellisse Trovare le rette tangenti a un'ellisse Determinare le equazioni di ellissi traslate Risolvere particolari equazioni e disequazioni mediante la rappresentazione grafica di archi di ellissi. Risolvere problemi che coinvolgano rette, circonferenze, parabole e ellissi.	L'ellisse come luogo geometrico; equazioni dell'ellisse con i fuochi sull'asse x e sull'asse y; eccentricità. L'ellisse e la retta; posizione reciproca tra retta ed ellisse e problema delle tangenti; tangente a un'ellisse in un suo punto. Determinazione dell'equazione di un'ellisse date alcune condizioni. Ellissi traslate. L'ellisse e le funzioni. Approfondimenti Le orbite dei pianeti La riflessione ellittica
		BOLE – CONICHE E LUOGHI GEO	
	-Utilizzare le tecniche e le	Abilità Tracciare il grafico di una iperbole	Conoscenze L'iperbole come luogo geometrico;
Pentamestre	-Utilizzare le tecniche e le procedure del calcolo aritmetico ed algebrico, rappresentandole anche sotto forma grafica -Confrontare ed analizzare figure geometriche, individuando invarianti e relazioni - Individuare le strategie appropriate per la soluzione di problemi -Analizzare dati e interpretarli sviluppando deduzioni e ragionamenti sugli stessi anche con l'ausilio di rappresentazioni grafiche, usando consapevolmente gli strumenti di calcolo e le potenzialità offerte da applicazioni specifiche di tipo informatico	Tracciare il grafico di una iperbole di data equazione Determinare l'equazione di una iperbole dati alcuni elementi Stabilire la posizione reciproca di retta e iperbole Trovare le rette tangenti a una iperbole Determinare le equazioni di iperboli traslate Risolvere particolari equazioni e disequazioni mediante la rappresentazione grafica di archi di iperboli. Risolvere problemi che coinvolgano rette e coniche. Studiare coniche in forma generale. Risolvere problemi che coinvolgano il concetto di luogo. Risolvere sistemi misti	L'iperbole come luogo geometrico; equazioni dell'iperbole con i fuochi sull'asse x e sull'asse y; eccentricità. L'iperbole equilatera e la funzione omografica. L'iperbole e la retta; posizioni reciproche tra retta e iperbole; tangenti a un'iperbole. Determinazione dell'equazione di un'iperbole. Iperboli traslate. L'iperbole e le funzioni; applicazioni alla risoluzione grafica di equazioni e disequazioni. Le sezioni coniche; l'equazione generale di una conica; conica definita tramite fuoco ed eccentricità. Posizione reciproca tra due coniche e coniche tangenti. Le coniche e i luoghi; luoghi definiti mediante proprietà che riguardano la distanza; luoghi descritti da punti "in movimento"; impiego del concetto di luogo per risolvere problemi. Le coniche e la discussione di sistemi parametrici misti

	GLI AN	GOLI E LE FUNZIONI GONIOMET	TRICHE
	Competenze disciplinari	Abilità	Conoscenze
Pentamestre	-Utilizzare le tecniche e le procedure del calcolo aritmetico ed algebrico, rappresentandole anche sotto forma grafica - Individuare le strategie appropriate per la soluzione di problemi -Analizzare dati e interpretarli sviluppando deduzioni e ragionamenti sugli stessi anche con l'ausilio di rappresentazioni grafiche, usando consapevolmente gli strumenti di calcolo e le potenzialità offerte da applicazioni specifiche di tipo informatico	Saper operare con le varie unità di misura degli angoli. Saper operare con gli angoli associati. Saper operare con le funzioni goniometriche e con le loro inverse. Saper distinguere le funzioni inverse dalle funzioni reciproche delle funzioni goniometriche.	Angoli e loro misure. Le funzioni goniometriche seno, coseno e tangente. Seno, coseno e tangente degli angoli acuti di un triangolo rettangolo. Primo e secondo teorema dei triangoli rettangoli. Significato del coefficiente angolare di una retta. Le prime proprietà delle funzioni goniometriche. Prima e seconda relazione fondamentale della goniometria. Angoli associati. Grafici delle funzioni goniometriche. Le funzioni goniometriche e le trasformazioni. Periodo di una funzione Funzioni goniometriche inverse. Reciproche delle funzioni goniometriche e loro grafici. Terza, quarta e quinta relazione fondamentale della goniometria.
		FORMULE GONIOMETRICHE	
	Competenze disciplinari	Abilità	Conoscenze
Pentamestre	-Utilizzare le tecniche e le procedure del calcolo aritmetico ed algebrico, rappresentandole anche sotto forma grafica - Individuare le strategie appropriate per la soluzione di problemi	Saper dimostrare e applicare le formule di addizione, sottrazione, duplicazione, bisezione, parametriche, di prostaferesi, e di Werner. Saper applicare le formule goniometriche alla geometria analitica. Saper tracciare i grafici di funzioni goniometriche lineari utilizzando le formule goniometriche.	Formule di addizione e sottrazione. Formule di duplicazione e bisezione. Formule parametriche. Formule di Werner e di prostaferesi. Le formule goniometriche e la geometria analitica. Le formule goniometriche e le funzioni.

	EQUAZIONI E DISEQUAZIONI GONIOMETRICHE		
	Competenze disciplinari	Abilità	Conoscenze
Pentamestre	Utilizzare le tecniche e le procedure del calcolo aritmetico ed algebrico, rappresentandole anche sotto forma grafica - Individuare le strategie appropriate per la soluzione di problemi -Analizzare dati e interpretarli sviluppando deduzioni e ragionamenti sugli stessi anche con l'ausilio di rappresentazioni grafiche, usando consapevolmente gli strumenti di calcolo e le potenzialità offerte da applicazioni specifiche di tipo informatico	Saper risolvere equazioni goniometriche elementari e ad esse riconducibili Saper risolvere equazioni lineari in seno e coseno Saper risolvere equazioni omogenee in seno e coseno Saper risolvere sistemi di equazioni goniometriche Saper risolvere disequazioni goniometriche Saper risolvere sistemi di disequazioni goniometriche	Equazioni goniometriche elementari. Equazioni riconducibili a equazioni goniometriche elementari. Equazioni lineari in seno e coseno. Equazioni omogenee di secondo grado in seno e coseno. Disequazioni goniometriche elementari o a esse riconducibili. Disequazioni frazionarie e disequazioni prodotto. Disequazioni lineari in seno e coseno. Disequazioni omogenee di secondo grado in seno e coseno.
	RICHI Competenze disciplinari	IAMI E COMPLEMENTI DI STATIS Abilità	STICA Conoscenze
Pentamestre	- Individuare le strategie appropriate per la soluzione di problemi -Analizzare dati e interpretarli sviluppando deduzioni e ragionamenti sugli stessi anche con l'ausilio di rappresentazioni grafiche, usando consapevolmente gli strumenti di calcolo e le potenzialità offerte da applicazioni specifiche di tipo informatico	Analizzare, classificare e interpretare distribuzioni singole e doppie di frequenze Rappresentare graficamente dati statistici Calcolare gli indici di posizione centrale di una serie di dati Calcolare gli indici di variabilità di una distribuzione Calcolare i rapporti statistici fra due serie di dati.	Il linguaggio della statistica. Distribuzioni di frequenze. Indici di posizione e di variabilità. Tabelle a doppia entrata; distribuzioni congiunte e marginali; distribuzioni condizionate. Dipendenza e indipendenza statistica. Correlazione e regressione.

Matematica secondo biennio – quarto anno

Competenze di asse

Padroneggiare gli strumenti espressivi ed argomentativi indispensabili per gestire l'interazione comunicativa verbale in vari contesti:

- utilizzare in modo appropriato gli strumenti espressivi, (anche quelli tipici della disciplina) per la comunicazione orale con un linguaggio appropriato, sintetico, articolato con coerenza, logica e pertinenza;
- utilizzare diversi registri comunicativi.

Leggere, comprendere ed interpretare testi scritti di vario tipo:

- ricavare le informazioni specifiche di disciplina dalla corretta interpretazione del testo in adozione;
- individuare informazioni specifiche in testi scritti (anche tabelle e grafici);
- isolare le informazioni richieste o pertinenti al compito;
- comprendere i linguaggi simbolici.

Produrre testi di vario tipo in relazione ai vari scopi comunicativi:

- produrre schemi e mappe concettuali per sintetizzare informazioni prendere appunti e redigere sintesi;
- produrre testi corretti e coerenti adeguati alle diverse situazioni comunicative;
- produrre tabelle di dati e grafici Utilizzare testi multimediali;
- utilizzare le tecnologie informatiche nella ricerca di informazioni, nella rielaborazione di dati;
- individuare ed utilizzare fonti di informazione accreditate tramite un uso consapevole della rete

	Competenze disciplinari	Abilità	Conoscenze
Trimestre	Competenze disciplinari -Utilizzare le tecniche e le procedure del calcolo aritmetico ed algebrico, rappresentandole anche sotto forma grafica - Individuare le strategie appropriate per la soluzione di problemi -Analizzare dati e interpretarli sviluppando deduzioni e ragionamenti sugli stessi anche con l'ausilio di rappresentazioni grafiche, usando consapevolmente gli strumenti di calcolo e le potenzialità offerte da applicazioni specifiche di tipo informatico	Abilità Saper operare con le varie unità di misura degli angoli. Saper operare con gli angoli associati. Saper operare con le funzioni goniometriche e con le loro inverse. Saper distinguere le funzioni inverse dalle reciproche delle funzioni goniometriche.	Angoli e loro misure. Le funzioni goniometriche seno, coseno e tangente. Seno, coseno e tangente degli angoli acuti di un triangolo rettangolo. Primo e secondo teorema dei triangoli rettangoli. Significato del coefficiente angolare di una retta. Le prime proprietà delle funzioni goniometriche. Prima e seconda relazione fondamentale della goniometria. Angoli associati. Grafici delle funzioni goniometriche e le trasformazioni. Periodo di una funzione Funzioni goniometriche inverse. Reciproche delle funzioni goniometriche e loro grafici. Terza, quarta e quinta relazione fondamentale della goniometria

		FORMULE GONIOMETRICHE	
	Competenze disciplinari	Abilità	Conoscenze
Trimestre	-Utilizzare le tecniche e le procedure del calcolo aritmetico ed algebrico, rappresentandole anche sotto forma grafica - Individuare le strategie appropriate per la soluzione di problemi	Saper dimostrare e applicare le formule di addizione, sottrazione, duplicazione, bisezione, parametriche, di prostaferesi, e di Werner. Saper applicare le formule goniometriche alla geometria analitica. Saper tracciare i grafici di funzioni goniometriche lineari utilizzando le formule goniometriche.	Formule di addizione e sottrazione. Formule di duplicazione e bisezione. Formule parametriche. Formule di Werner e di prostaferesi. Le formule goniometriche e la geometria analitica. Le formule goniometriche e le funzioni.
		IONI E DISEQUAZIONI GONIOM	
	Competenze disciplinari	Abilità	Conoscenze
Trimestre	-Utilizzare le tecniche e le procedure del calcolo aritmetico ed algebrico, rappresentandole anche sotto forma grafica - Individuare le strategie appropriate per la soluzione di problemi -	Saper risolvere equazioni goniometriche elementari e ad esse riconducibili Saper risolvere equazioni lineari in seno e coseno Saper risolvere equazioni omogenee in seno e coseno Saper risolvere sistemi di equazioni goniometriche Saper risolvere disequazioni goniometriche Saper risolvere sistemi di disequazioni goniometriche	Equazioni goniometriche elementari. Equazioni riconducibili a equazioni goniometriche elementari. Equazioni lineari in seno e coseno. Equazioni omogenee di secondo grado in seno e coseno. Disequazioni goniometriche elementari o a esse riconducibili. Disequazioni frazionarie e disequazioni prodotto. Disequazioni lineari in seno e coseno. Disequazioni omogenee di secondo grado in seno e coseno.
		TRIGONOMETRIA	
	Competenze disciplinari	Abilità	Conoscenze
Trimestre	-Utilizzare le tecniche e le procedure del calcolo aritmetico ed algebrico, rappresentandole anche sotto forma grafica - Individuare le strategie appropriate per la soluzione di problemi -Analizzare dati e interpretarli sviluppando deduzioni e ragionamenti sugli stessi anche con l'ausilio di rappresentazioni grafiche, usando consapevolmente gli strumenti di calcolo e le potenzialità offerte da applicazioni specifiche di tipo informatico	Saper risolvere i triangoli rettangoli Saper calcolare l'area di un triangolo Saper applicare il teorema della corda Saper risolvere i triangoli qualunque. Saper applicare la trigonometria alla fisica, a contesti della realtà e alla geometria	Teoremi sui triangoli rettangoli. Risoluzione di un triangolo rettangolo. Applicazioni dei teoremi sui triangoli rettangoli: area di un triangolo; teorema della corda. Problemi sui triangoli rettangoli con equazioni, disequazioni, funzioni. Teoremi sui triangoli qualunque: teorema dei seni; teorema del coseno. Risoluzione di un triangolo qualsiasi. Problemi sui triangoli qualunque con equazioni, disequazioni, funzioni. Applicazioni della trigonometria nelle scienze

	T	RASFORMAZIONI GEOMETRICH	E
	Competenze disciplinari	Abilità	Conoscenze
Trimestre	-Utilizzare le tecniche e le procedure del calcolo aritmetico ed algebrico, rappresentandole anche sotto forma grafica - Individuare le strategie appropriate per la soluzione di problemi -Analizzare dati e interpretarli sviluppando deduzioni e ragionamenti sugli stessi anche con l'ausilio di rappresentazioni grafiche, usando consapevolmente gli strumenti di calcolo e le potenzialità offerte da applicazioni specifiche di tipo informatico	Saper operare con le traslazioni. Saper operare con le simmetrie centrali e assiali. Saper operare con le rotazioni. Saper applicare le rotazioni allo studio delle coniche. Saper determinare gli elementi uniti di una trasformazione Saper riconoscere e studiare una isometria Saper riconoscere e studiare le omotetie Saper riconoscere e studiare una similitudine Saper riconoscere e studiare una affinità	Le trasformazioni geometriche. La traslazione (richiami) La simmetria centrale (richiami) La simmetria assiale (richiami) La rotazione Applicazioni delle rotazioni alle coniche Le affinità Le proprietà invarianti di una affinità. Elementi uniti in un'affinità. Similitudini. Omotetie Isometrie.
		RI COMPLESSI E COORDINATE PO	l
	Competenze disciplinari	Abilità	Conoscenze
Pentamestre	-Utilizzare le tecniche e le procedure del calcolo aritmetico ed algebrico, rappresentandole anche sotto forma grafica - Individuare le strategie appropriate per la soluzione di problemi	Saper operare con i numeri complessi in forma algebrica e vettoriale Saper operare con i numeri complessi in forma polare Saper operare con i numeri complessi in forma trigonometrica Saper calcolare la radice n-esima di un numero complesso Saper operare con i numeri complessi in forma esponenziale Saper operare con le equazioni algebriche a coefficienti reali e complessi.	L'insieme dei numeri complessi. Operazioni in C. Coordinate polari e forma trigonometrica di un numero complesso. Potenze e radici in C. Le equazioni in C. Teorema fondamentale dell' Algebra. Forma esponenziale di un numero complesso.

	CALCO	BILITÀ	
	Competenze disciplinari	Abilità	Conoscenze
Pentamestre	Utilizzare le tecniche e le procedure del calcolo aritmetico ed algebrico, rappresentandole anche sotto forma grafica - Individuare le strategie appropriate per la soluzione di problemi -Analizzare dati e interpretarli sviluppando deduzioni e	Saper operare con le disposizioni semplici e con ripetizione Saper operare con le permutazioni semplici e con ripetizione Saper operare con la funzione fattoriale Saper operare con le combinazioni semplici e con ripetizione Saper operare con i coefficienti binomiali Saper calcolare la probabilità di eventi semplici	Le disposizioni semplici e con ripetizione Le permutazioni semplici e con ripetizione La funzione fattoriale Le combinazioni semplici e con ripetizione I coefficienti binomiali Gli eventi La concezione classica della probabilità La concezione statistica della
	ragionamenti sugli stessi anche con l'ausilio di rappresentazioni	Saper calcolare la probabilità della somma logica e del prodotto logico di eventi	probabilità La concezione soggettiva della probabilità

grafiche, usando consapevolmente gli strumenti di calcolo e le potenzialità offerte da applicazioni specifiche di tipo informatico	Saper calcolare la probabilità condizionata Saper calcolare la probabilità nei problemi di prove ripetute Saper applicare il metodo della disintegrazione e il teorema di Bayes	La concezione assiomatica della probabilità La probabilità della somma logica di eventi La probabilità condizionata La probabilità del prodotto logico di eventi Il problema delle prove ripetute Il teorema di Bayes
---	---	---

FUNZIONI, EQUAZIONI, DISEQUAZIONI ESPONENZIALI E LOGARITMICHE NB: Questo modulo nel corrente anno (2019/20) non è da trattare perché già fatto nella classe TERZA dell'a.s. 2018/19 Competenze disciplinari **Abilità** Conoscenze -Utilizzare le tecniche e le Applicare le proprietà delle L'insieme dei numeri reali. procedure del calcolo aritmetico potenze a esponente reale e le Le potenze a esponente irrazionale. ed algebrico, rappresentandole proprietà dei logaritmi La funzione esponenziale. anche sotto forma grafica Rappresentare il grafico di Equazioni esponenziali. - Individuare le strategie funzioni esponenziali e Disequazioni esponenziali. appropriate per la soluzione di logaritmiche I logaritmi; definizione e prime problemi Trasformare geometricamente il proprietà; la funzione logaritmica. -Analizzare dati e interpretarli grafico di una funzione Proprietà dei logaritmi; sviluppando deduzioni e Risolvere equazioni e cambiamento di base. ragionamenti sugli stessi anche disequazioni esponenziali Equazioni logaritmiche. con l'ausilio di rappresentazioni Disequazioni logaritmiche. Risolvere equazioni e Modelli di crescita e di grafiche, usando consapevolmente disequazioni logaritmiche gli strumenti di calcolo e le decadimento. potenzialità offerte da **Approfondimenti** applicazioni specifiche di tipo Numeri algebrici e trascendenti informatico La nascita e lo sviluppo dei logaritmi

Competenze disc	•	Abilità	C
	le le		Conoscenze
-Utilizzare le tecniche e procedure del calcolo a algebrico, rappresentar sotto forma grafica - Individuare le strateg appropriate per la solu problemi -Analizzare dati e inter sviluppando deduzion ragionamenti sugli stes l'ausilio di rappresenta grafiche, usando consa gli strumenti di calcolo	ie zione di pretarli i e ssi anche con zioni pevolmente	Saper eseguire la verifica dei limiti Saper interpretare graficamente i limiti Saper calcolare il limite all'infinito di polinomi e funzioni razionali Saper eseguire il calcolo del limite tenendo conto delle operazioni e dei limiti fondamentali Saper eseguire il calcolo dei limiti in forma indeterminata Saper realizzare un grafico "probabile" di una funzione effettuando uno studio fino al calcolo dei limiti.	Richiami su R. Massimo, minimo, estremo superiore, estremo inferiore di un insieme. Intorno di un punto; punti di accumulazione e punti isolati; teorema di Bolzano-Weiertrass. Definizione e classificazione delle funzioni reali di variabile reale. Dominio, immagine, massimo, minimo, estremo superiore, estremo inferiore di una funzione. Segno, monotonia, periodicità e simmetrie di una funzione. Funzioni invertibili, funzione inversa, restrizione di una funzione.

potenz	zialità offerte da applicazioni	Introduzione al concetto di limite.
specifi	che di tipo informatico	Definizione generale di limite e
1	1	definizioni particolari.
		Limiti destro, sinistro, per difetto e
		per eccesso.
		La verifica di un limite.
		Il teorema di unicità del limite, il
		teorema del confronto ed il
		teorema della permanenza del
		segno.
		La continuità in un punto.
		I limiti delle funzioni elementari.
		L'algebra dei limiti.
		Forme di indecisione di funzioni
		algebriche.
		Forme di indecisione di funzioni
		trascendenti.
		Infinitesimi e infiniti.
		Asintoti.
		Studio parziale di funzioni fino
		agli asintoti.

Matematica – quinto anno

Competenze di asse

Padroneggiare gli strumenti espressivi ed argomentativi indispensabili per gestire l'interazione comunicativa verbale in vari contesti:

- utilizzare in modo appropriato gli strumenti espressivi, (anche quelli tipici della disciplina) per la comunicazione orale con un linguaggio appropriato, sintetico, articolato con coerenza, logica e pertinenza;
- utilizzare diversi registri comunicativi.

Leggere, comprendere ed interpretare testi scritti di vario tipo:

- ricavare le informazioni specifiche di disciplina dalla corretta interpretazione del testo in adozione;
- individuare informazioni specifiche in testi scritti (anche tabelle e grafici);
- isolare le informazioni richieste o pertinenti al compito;
- comprendere i linguaggi simbolici.

Produrre testi di vario tipo in relazione ai vari scopi comunicativi:

- produrre schemi e mappe concettuali per sintetizzare informazioni prendere appunti e redigere sintesi;
- produrre testi corretti e coerenti adeguati alle diverse situazioni comunicative;
- produrre tabelle di dati e grafici Utilizzare testi multimediali;
- utilizzare le tecnologie informatiche nella ricerca di informazioni, nella rielaborazione di dati;
- individuare ed utilizzare fonti di informazione accreditate tramite un uso consapevole della rete

	Competenze disciplinari	Abilità	Conoscenze
Trimestre	Dominare attivamente i concetti e i metodi delle funzioni elementari dell'analisi e del calcolo differenziale	 Saper rappresentare i grafici di funzioni notevoli Saper rappresentare i grafici deducibili da quello di una funzione 	Le funzioni elementari La funzione inversa e le funzioni inverse delle funzioni circolari Funzioni composte Grafici deducibili da quello di una funzione Le funzioni iperboliche Le funzioni periodiche
	Dominare attivamente i concetti e i metodi delle funzioni elementari dell'analisi e del calcolo differenziale	 Saper eseguire la verifica dei limiti Saper interpretare graficamente i limiti Saper calcolare il limite all'infinito di polinomi e funzioni razionali Saper eseguire il calcolo del limite tenendo conto delle operazioni e dei limiti fondamentali 	La topologia della retta La nozione di limite Dalla definizione generale di limite alle definizioni particolari Il teorema di unicità del limite, il teorema del confronto ed il teorema della permanenza del segno.
	Dominare attivamente i concetti e i metodi delle funzioni elementari dell'analisi e del calcolo differenziale	 Saper eseguire il calcolo dei limiti Saper studiare continuità e punti singolari Saper verificare se una funzione verifica il teorema di Weierstrass, dei valori intermedi 	La definizione di funzione continua Alcune funzioni continue I punti di discontinuità I limiti notevoli I teoremi fondamentali sulle funzioni continue: di Weierstrass,

Pentamestre	Dominare attivamente i concetti e i metodi delle funzioni elementari dell'analisi e del calcolo differenziale	mediante la derivata prima - Saper determinare gli intervalli di concavità, convessità e gli eventuali punti di flesso di una funzione - Saper studiare una funzione e tracciare il suo grafico - Saper passare dal grafico di una funzione a quello della sua derivata e viceversa	orizzontale. I massimi e minimi locali in corrispondenza di punti di non derivabilità Concavità, convessità e punti di flesso. Lo studio dei punti di non derivabilità: punti angolosi, cuspidi e flessi a tangente verticale. Studio del grafico di una funzione Dal grafico di f al grafico di f'. Discussione grafica di un'equazione. Numero delle radici reali di
	Dominare attivamente i concetti e i metodi delle funzioni elementari dell'analisi e del calcolo differenziale	 Saper applicare il teorema di Rolle Saper applicare il teorema di Lagrange Saper applicare il teorema di Cauchy Saper applicare il teorema di De L'Hopital Saper determinare i massimi, i minimi e i flessi orizzontali 	Massimi e minimi. Teoremi di Rolle, Cauchy e Lagrange Forme indeterminate e teorema di de l'Hopital I limiti notevoli. I punti a tangente orizzontale. Il metodo delle derivate successive per la determinazione di max, min e flex a tangente
	Dominare attivamente i concetti e i metodi delle funzioni elementari dell'analisi e del calcolo differenziale	o del teorema di esistenza degli zeri in un intervallo dato. - Saper risolvere problemi sui limiti - Saper affrontare lo studio di funzioni fino allo studio di limiti e continuità. - Saper calcolare la derivata di una funzione mediante la definizione - Saper calcolare la retta tangente e normale al grafico di una funzione - Saper calcolare la derivata di una funzione - Saper calcolare la derivata di una funzione mediante le derivate fondamentali e le regole di derivazione - Saper calcolare le derivate di ordine superiore - Saper risolvere alcune tipologie di problemi sul significato fisico della derivata - Saper risolvere problemi con applicazione delle derivate	dei valori intermedi, di esistenza degli zeri Gli asintoti Derivata di una funzione e suo significato geometrico Continuità delle funzioni derivabili Derivate di funzioni elementari Regole di derivazione Derivata di funzione composta Derivate successive Derivata della funzione inversa Differenziale di una funzione Significato fisico di derivata

Dominare attivamente i concetti e i metodi delle funzioni elementari dell'analisi e del calcolo differenziale	- Saper risolvere i problemi di massimo e di minimo	Massimi e minimi assoluti
Dominare attivamente i concetti e i metodi delle funzioni elementari dell'analisi e del calcolo differenziale	- Saper applicare la formula di Taylor	- Il polinomio di Taylor
Dominare attivamente i concetti e i metodi delle funzioni elementari dell'analisi e del calcolo integrale	 Saper calcolare gli integrali indefiniti di funzioni mediante gli integrali immediati o ad essi riconducibili Saper calcolare un integrale indefinito con il metodo di sostituzione e con la formula di integrazione per parti Saper calcolare l'integrale indefinito di funzioni razionali fratte Saper calcolare gli integrali indefiniti di funzioni irrazionali 	 Funzioni primitive di una funzione data Integrali indefiniti immediati e ad essi riconducibili Integrazione delle funzioni razionali Integrazione per sostituzione. Integrazione per parti Integrazione di alcuni tipi di funzioni irrazionali
Dominare attivamente i concetti e i metodi delle funzioni elementari dell'analisi e del calcolo integrale	 Saper calcolare gli integrali definiti mediante il teorema fondamentale del calcolo integrale Saper calcolare il valor medio di una funzione Saper operare con la funzione integrale e la sua derivata Saper calcolare l'area di superfici piane e il volume di solidi Saper calcolare gli integrali impropri Saper applicare gli integrali alla fisica Saper risolvere problemi con applicazione degli integrali definiti 	 L'area del trapezoide L'integrale definito Il teorema della media La funzione integrale. Il teorema di Torricelli-Barrow Grafico della funzione integrale Calcolo di aree di domini piani Volume dei solidi di rotazione Lunghezza di un arco di curva Significato fisico dell'integrale definito Integrali impropri
Dominare attivamente i concetti e i metodi delle funzioni elementari dell'analisi e del calcolo integrale	 Saper calcolare il valore approssimato di un integrale Saper determinare il valore approssimato delle soluzioni di un'equazione 	 Il calcolo approssimato delle radici di un'equazione Il calcolo approssimato di un'integrale
Dominare attivamente i concetti e i metodi delle funzioni elementari dell'analisi e del calcolo differenziale e integrale	 Saper risolvere le equazioni differenziali del primo ordine del tipo y' = f(x), a variabili separabili, lineari Saper risolvere le equazioni differenziali del secondo ordine lineari a coefficienti costanti Saper risolvere problemi di Cauchy del primo e del secondo ordine 	 Le equazioni differenziali del primo ordine a variabili separabili Le equazioni differenziali lineari del primo ordine Le equazioni differenziali lineari del secondo ordine

	- Saper applicare le equazioni differenziali alla fisica	
Utilizzare i concetti e i modelli delle scienze sperimentali per investigare fenomeni sociali e naturali e per interpretare i dati	 Saper determinare la distribuzione di probabilità e la funzione di ripartizione di una variabile casuale discreta, valutandone media, varianza, deviazione standard Saper studiare variabili casuali che hanno distribuzione uniforme discreta, binomiale o di Poisson Saper standardizzare una variabile casuale Saper studiare variabili casuali continue che hanno distribuzione uniforme continua o normale 	 Le variabili aleatorie discrete Le distribuzioni di probabilità di variabili casuali discrete: Bernoulli e Poisson Le distribuzioni di probabilità di variabili casuali continue: distribuzione uniforme e normale
Dominare attivamente i concetti e i metodi del calcolo algebrico e delle funzioni elementari dell'analisi	 Saper verificare, con la definizione, se una serie è convergente, divergente o indeterminata Saper studiare le serie 	Le serie numericheIl carattere di una serie

	GEOMETRIA SINTETICA E ANALITICA NELLO SPAZIO NB: Questo modulo nel corrente anno (2019/20) non è da trattare perché già fatto nella classe				
	QUARTA dell'a.s. 2018/19				
	Competenze disciplinari	Abilità	Conoscenze		
Pontamostro	-Utilizzare le tecniche e le procedure del calcolo aritmetico ed algebrico, rappresentandole anche sotto forma grafica - Individuare le strategie appropriate per la soluzione di	Abilità Saper valutare la posizione reciproca di punti, rette e piani nello spazio Saper applicare le proprietà dei solidi nello spazio Saper calcolare le aree di solidi notevoli Saper calcolare il volume di solidi notevoli Saper operare con piani e rette nello spazio Saper operare con le superfici notevoli nello spazio Saper determinare le posizioni reciproche di piani, rette e	Punti, rette e piani nello spazio I poliedri I solidi di rotazione Le aree dei solidi notevoli L'estensione e l'equivalenza dei solidi I volumi dei solidi notevoli Le coordinate cartesiane nello spazio Il piano La retta Alcune superfici notevoli		
	gli strumenti di calcolo e le potenzialità offerte da applicazioni specifiche di tipo informatico	superfici notevoli nello spazio			